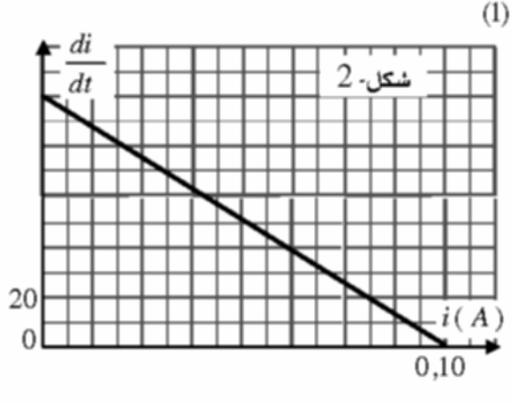
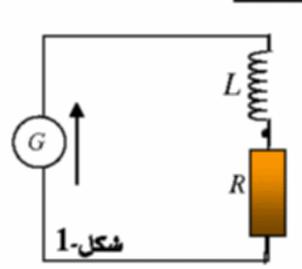


تمرين-1: (5.5 ن)

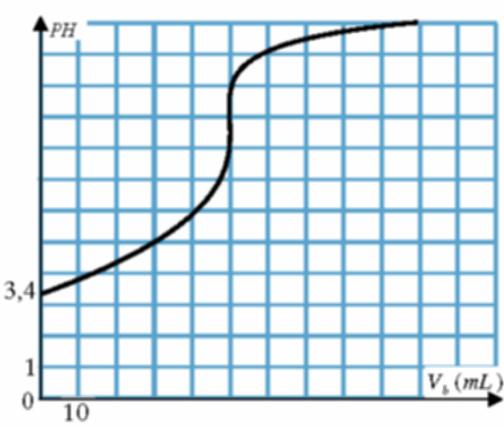
نحقق التركيب المبين بالشكل-1 اللفق وذلك باستعمال مولد  $G$  للتيار المستمر توتره  $E = 10V$  وناقل اومي مقاومته  $R$  و شبيعة مهمة المقاومة ذاتيتها  $L$ .  
 1- بتطبيق قانون التوترات، بين أن العادلة تفاضلية للدارة تعطى بالعبارة التالية:  

$$\alpha \frac{di}{dt} + i = \beta \dots (1)$$
 بين طبيعة الثابطين  $\alpha$  و  $\beta$ .  
 2- يمثل الشكل-2 منحنى لدالة  $\frac{di}{dt} = f(i)$



اكتب معادلة لبيان  $\frac{di}{dt} = f(i)$  وبين أن العادلة تفاضلية (1)  
 تحقق هذا البيان. عبر عن العلاقات المختلفة بين ثوابت الدارة وثوابت البيان.  
 ب/ استنتج عندئذ بالاعتماد على البيان، ذاتية لوشبيعة  $L$  والمقاومة  $R$  للناقل الأومي. وكذلك لشدة التيار  $I_0$  للتيار الكهربائي الارب بالدارة.  
 3- اعط قيمة  $\frac{di}{dt}$  في اللحظة  $t = 0$ . تأكد من النتيجة باستعمال قانون جمع توترات.  
 ب) اعط حل هذه العادلة تفاضلية، ثم اوجد بدلالة  $E$  و  $\tau$  عبارتي التوترين  $U_L(t)$  و  $U_R(t)$ .

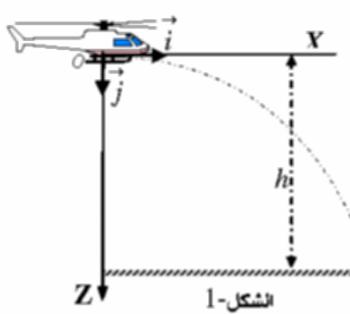
تمرين-2: (5.5 ن)



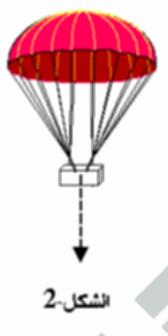
مجال لتحول اللوني	لكاشف
6,0 - 7,6	ازرق البروتومول
3,2 - 4,4	الهلينانتين
8,2 - 10,0	الفينول فتالين

يحتوي كاس على حجم  $V_1 = 50mL$  من محلول من حمض الايثانويك  $CH_3COOH$  تركيزه المولي  $C_1 = 10^{-2} mol.L^{-1}$ .  
 نسكرب فوقه تدريجيا بواسطة سحاحة محلول لاصود  $NaOH$  بنفس التركيز ونقيس  $PH$  للزيج بعد كل إضافة حيث نتمكن من الحصول على المنحنى البياني للرفق  $PH = f(V_b)$  حيث  $V_b$  حجم الصود للضاف.  
 1- اكتب معادلة تفاعل العايرة واعط عبارة ثابت توزن الجملة  $K$ .  
 2- اعتمادا على لبيان (الذي يرفق مع ورق الاجابة والذي يطلب اجراء جميع العمليات البيانية فوقه)،  
 ا/ اوجد إحداثي نقطة التكافؤ  $E$ .  
 ب/ من بين الكوشف للرفقة بالجدول، بين مع التعليل، نوع الكاشف المناسب لهذه العايرة بدل مقياس الـ  $PH$  - متر؟  
 ج/ بين بطريقتين مختلفتين من حمض الايثانويك ضعيف.  
 د/ اوجد قيمة الـ  $PK_A$  للثنائية  $A/B$  بالمحلول.  
 3- احسب ثابت التوزن  $K$  لتفاعل العايرة. ماذا تستنتج؟  
 4- ما هي الأقراد الكيميائية المتواجدة في المحلول؟  
 ب/ احسب تركيز النوعين الكيميائيين  $Na^+$  و  $CH_3COOH$  عند إضافة الحجم  $V_b = 25mL$  أثناء العايرة.

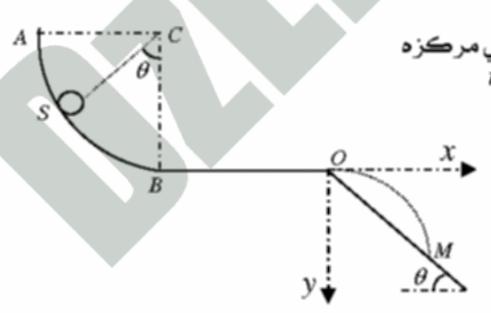
تمرين-3: (4.5 ن)



تطلق طائرة مروحية على ارتفاع ثابت  $h = 405m$  من سطح الأرض بسرعة أفقية ثابتة قيمتها  $V_0 = 50m.s^{-1}$ . في اللحظة  $t = 0$  يترك صندوق من الطائرة سقوطا حرا. تدرس الحركة في في العلم للتعامد و التجانس  $(O, \vec{i}, \vec{j})$  المرتبط بالطائرة. (شكل-1).  
 1- كيف يبدو مسار الصندوق الساقط بالنسبة للطائرة؟ ثم بالنسبة لراقب ارضي ساكن؟  
 2- بتطبيق القانون الثاني لنيوتن على الصندوق في العلم  $(O, \vec{i}, \vec{j})$ ، جد،  
 ا/ طبيعة الحركة و لعادلتين الزميتين  $x(t), z(t)$ .  
 ب- معادلة المسار  $z(x)$ .  
 ج/ الزمن اللازم لوصول الصندوق إلى الأرض.  
 د/ فاصلة نقطة لسقوط  $M$ . حدد موقع الطائرة حينئذ.  
 3- لكي لا تتلف المواد الغذائية عند الارتطام بسطح الأرض، تم ربط لصندوق بمظلة تمكنه من النزول شاقوليا ببطء. تبقى المروحية على نفس الارتفاع  $h$  السابق في النقطة  $O$  ليترك الصندوق يسقط شاقوليا دون سرعة ابتدائية في اللحظة  $t = 0$  (الشكل-2).  
 يخضع للصندوق لقوة احتكاك الهواء نعر عنها بالعلاقة  $f = -100.v$  حيث،  $v$  يمثل شعاع سرعة الصندوق في اللحظة  $t$  مع إهمال دفعة أرخميدس خلال السقوط.  
 ا/ جد للعادلة التفاضلية التي تحققها سرعة مركز عتالة الصندوق.  
 ب/ اوجد قيمة التسارع الحدية  $V_L$  للسقوط.  
 يعطى،  $g = 9,8m.s^{-2}$ ، كتلة الصندوق و نظلة  $m = 150Kg$ .



تمرين-4: (4.5 ن)



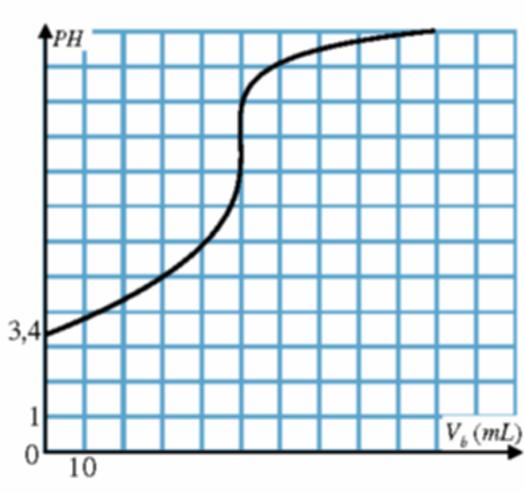
عند النقطة  $A$  من مسار بشكل ربع كرة موجودة في مستوى شاقولي مركزه  $C$  ونصف قطره  $2m$ ، تترك كرية نقطية كتلتها  $m = 100g$  لتنزل ابتداء من أسكون تحت تأثير ثقلها.  
 المستوى المرجعي لقياس الطاقة الكامنة هو المستوى الأفقي المار من النقطة  $B$ .  
 1- بإهمال كافة المقاومات،  
 اوجد عند النقطة  $S$  لعرقة بالزوية  $\theta = 45^\circ$  عبارة السرعة المكتسبة  $v$  بدلالة  $g, r, \theta$  وذلك بتطبيق مبدأ انحفاظ الطاقة.  
 احسب القيمة العددية لها ثم استنتج بتطبيق قانون نيوتن الثاني قيمة رد فعل السار الكروي عند  $S$ . يطلب انجاز لقوى على لويقة للرفقة).  
 2- استنتج سرعة الحركة عند النقطة  $B$  ثم عند النقطة  $O$ .  
 3- عند النقطة  $O$  من المستوى الأفقي  $BO$  تقذف كرية قويا لتسقط عند النقطة  $M$  من مستوى مائل يميل على الأفق بزوية  $\theta = 45^\circ$ .  
 ا/ ذكر دون برهان طبيعة الحركة في العلم للمستوي  $(Ox, Oy)$  واعط لعادلتين الزميتين  $X(t)$  و  $Y(t)$ .  
 ب/ استنتج إحداثي نقطة لسقوط  $M$ .

الاسم: .....

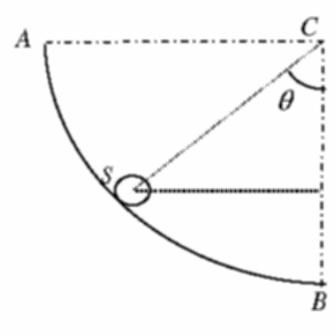
لقسم: .....

ترفق هذه لورقة مع ورق الاجابة

التمرين-2



التمرين-4



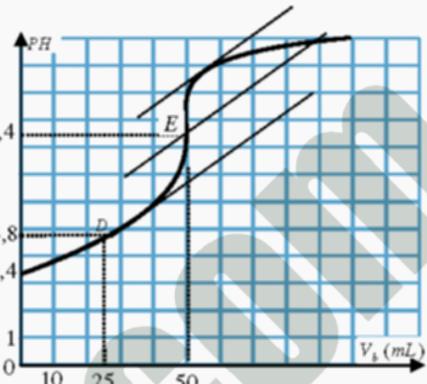
تمرين-1: (5.5 ن)

1) لدينا  $U_R + U_L = E$  اي  $Ri + L \frac{di}{dt} = E$   
 ومنه نجد (1)  $i + \frac{L}{R} \frac{di}{dt} = \frac{E}{R} = I_0, \dots, \dots, \dots$   
 المعادلة من الشكل (2)  $\alpha \frac{di}{dt} + i = \beta, \dots, \dots, \dots$  حيث  $\alpha = \frac{L}{R}, \beta = I_0$   
 (1-2) معادلة البيان  $\frac{di}{dt} = ai + b$   
 من المعادلة (2) نجد  $\alpha \frac{di}{dt} = -i + \beta \Rightarrow \frac{di}{dt} = -\frac{1}{\alpha}i + \frac{\beta}{\alpha}$   
 وهي من الشكل  $\frac{di}{dt} = at + b$  نفس معادلة البيان.  
 حيث  $b = \frac{I_0}{R} = \frac{L_0 R}{L} = \frac{E}{L}, a = -\frac{1}{\alpha} = -\frac{R}{L}$   
 (ب) من البيان يكون  $b = 20 \times 5 = 100$   
 $b = \frac{E}{L} \Rightarrow L = \frac{E}{b} = \frac{10}{100} = 0,10H$   
 $a = \frac{\Delta di}{\Delta t} = \frac{0 - 100}{0,100} = -1000$   
 $a = -\frac{R}{L} \Rightarrow R = -aL = 100\Omega$   
 $I_0 = \frac{E}{R} = \frac{10}{100} = 0,1A$   
 (1-3) لما  $t = 0$  يعطي البيان  $\frac{di}{dt} = b = 100$   
 من قانون التوترات  $U_R + U_L = E$  لما  $t = 0$  يكون  $U_R = Ri = 0$  ومنه  $E = U_L = L \frac{di}{dt} \Rightarrow \frac{di}{dt} = \frac{E}{L} = \frac{10}{0,1} = 100$   
 (ب) حل المعادلة التفاضلية هو  $i(t) = I_0(1 - e^{-\frac{t}{\tau}})$  ويكون  
 $u_R = Ri(t) = RI_0(1 - e^{-\frac{t}{\tau}}) = E(1 - e^{-\frac{t}{\tau}})$   
 $u_L = L \frac{di(t)}{dt} = LI_0 e^{-\frac{t}{\tau}} = E e^{-\frac{t}{\tau}}$

التمرين-2: (5.5 ن)

1) معادلة لتفاعل الحادث اثناء المعايرة  $CH_3COOH + OH^- = CH_3COO^- + H_2O$   
 ثابت التوازن  $K = \frac{[CH_3COO^-]}{[CH_3COOH][OH^-]}$   
 (1-2) احدثنا نقطة التكافؤ  $E(V_{BE} = 50mL, PH = 8,4)$   
 (ب) لكثافت للناسب لهذه المعايرة هو لفينول فتالين لان مجال تحوله للوني يحتوي على نقطة التكافؤ  $PH_E = 8,4$

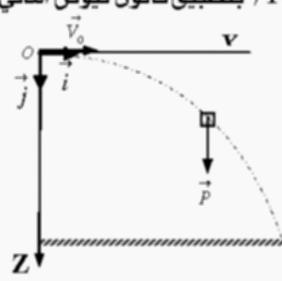
ج/ ط 1، لما  $V_b = 0$  نجد ان  $PH = 3,4$  فيكون  
 $[H_3O^+] = 10^{-PH} = 10^{-3,4} = 3,98 \times 10^{-4} mol.L^{-1}$   
 فالتفاعل غير تام والحمض ضعيف.  
 ط 2، لدينا  $PH_E > 7$ ، فالحلول للحي عند نقطة التكافؤ اساسي وهو ناتج عن تفاعل حمض ضعيف باساس قوي.  
 د/ عند نقطة نصف لتكافؤ  $D$  يكون  $V_b = \frac{V_{BE}}{2} = 25mL$   
 نجد من البيان ان  $PH = PK_A = 4,8$



3- ثابت لتوازن هو  $K = \frac{[CH_3COO^-]}{[CH_3COOH][OH^-]}$  بالضرب في  $\frac{[H_3O^+]}{[H_3O^+]}$  نجد  
 $K = \frac{[CH_3COO^-] \times [H_3O^+]}{[CH_3COOH] \times [OH^-] \times [H_3O^+]} = \frac{K_A}{K_w} = \frac{10^{-4,8}}{10^{-14}} = 1,58 \times 10^9$   
 نلاحظ ان  $K$  كبير جدا فالتفاعل يكون شبه تام.  
 4- الأفراد لكيميائية للتواجد في المحلول هي  $CH_3COOH, CH_3COO^-, Na^+, OH^-, H_3O^+$   
 ب/ في محلول ليعود يكون  $[Na^+]_b = C = 10^{-2} mol.L^{-1}$   
 وعند اضافة الحجم  $V_b = 25mL$  يصبح الحجم الكلي  $V = 50 + 25 = 75mL$  فيكون حسب قانون التخفيف  
 $[Na^+] = 3,33 \times 10^{-3} mol.L^{-1}$  ومنه نجد  $[Na^+] = 25 \times 10^{-2} = 75$   
 المحلول عند اضافة الحجم  $V_b = 25mL$  يكون حمضيا لان  $PH = 5$  فيكون  
 $C_a V_a - C_b V_b = [CH_3COOH](V_b + V_a)$  ومنه  
 $[CH_3COOH] = \frac{C_a V_a - C_b V_b}{(V_b + V_a)} = \frac{10^{-2} \times 50 - 10^{-2} \times 25}{75} = 3,33 \times 10^{-3} mol.L^{-1}$

التمرين-3: (4.5 ن)

1- يبدو مسار الصندوق لساقط بالنسبة للطيّار، مستقيما شاقوليا. ويبدو بالنسبة لمرّاقب ارضي ساكن، منحنيًا.  
 2- بتطبيق قانون نيوتن الثاني نجد:  $\sum \vec{F}_{ext} = \vec{a} \cdot m$  اي ان:  $\vec{P} = \vec{a} \cdot m$   
 بالإسقاط على المحورين الاحداثيين  $(ox), (oz)$  نجد:  
 $0 = ma_x \Rightarrow a_x = 0$   
 $mg = ma_z \Rightarrow a_z = g$   
 فالحركة على المحور  $(ox)$  مستقيمة منتظمة.  
 وعلى المحور  $(oz)$  مستقيمة متغيرة بانتظام. فنحصل على المعادلتين الزميتين للحركة:  
 $x(t) = V_x t = V_0 t = 50t, \dots, \dots, \dots (1)$   
 $z(t) = \frac{1}{2} a_z t^2 = \frac{1}{2} g t^2 = 4,9t^2, \dots, \dots, \dots (2)$   
 (ب) من العلاقة (1) نجد:  $t = \frac{x}{50}$ . بالتعويض في (2) نجد:  $z = 4,9(\frac{x}{50})^2 = 1,96 \times 10^{-3} \cdot x^2$   
 ج/ بوضع  $Z = h$  نجد  $h = 4,9t^2$  ومنه:  $t = \sqrt{\frac{405}{4,9}} = 9s$   
 د/ فاصلة نقطة السقوط هي  $M(X_1 = 50 \times 9 = 450m)$  وتكون الطائرة واقعة على نفس الشاقول.



3- بتطبيق قانون نيوتن الثاني نجد:  $\sum \vec{F}_{ext} = \vec{a} \cdot m$  اي ان:  $\vec{P} + \vec{f} = \vec{a} \cdot m$   
 بالإسقاط على المحور الشاقولي  $(zz')$  يكون:  $mg - 100V = m \frac{dv}{dt}$  بالقسمة على  $m$  نجد:  
 $g - \frac{100}{m} V = \frac{dV}{dt}$  وهي المعادلة التفاضلية للسقوط.  
 ب/ في النظام الدائم يكون  $\frac{dV}{dt} = 0$  اي ان  $g - \frac{100}{m} V_L = 0$   
 ينتج ان  $V_L = \frac{mg}{100} = \frac{150 \times 9,8}{100} = 14,7m/s$

التمرين-4: (4.5 ن)

1-  $E_{CA} + E_{PBA} = E_{CB} + E_{CS} + E_{PPS} - 1$   
 اي ان  $0 + mgh = \frac{1}{2} mV_s^2$   
 نجد  $V_s = \sqrt{2gh} = \sqrt{2gr(1 - \cos\theta)} = \sqrt{2 \times 10 \times 2(1 - 0,7)} = 3,46m/s$   
 بتطبيق قانون نيوتن الثاني يكون  $\vec{P} + \vec{R} = \vec{a} \cdot m$   
 بالإسقاط على الناطم،  $R - mg \cos\theta = m \frac{v^2}{r}$   
 ان:  $R = m(g \cos\theta + \frac{v^2}{r}) = 1,3N$   
 2- عند نقطة B تكون  $\theta = 0$   
 نجد حسب ما سبق،  $v_B = \sqrt{2gr} = \sqrt{2 \times 10 \times 2} = 6,32m/s$   
 على الجزء  $BO, \Delta E_c = \sum W(\vec{F}_i) = 0$  ومنه  $v_o = v_B = 6,32m/s$   
 3- الحركة في مستوى  $(Ox, Oy)$   
 تكون مستقيمة منتظمة على المحور  $(Ox)$ .  
 ومتغيرة بانتظام على المحور  $(Oy)$  تسارعها  $\vec{a} = g$   
 معادلتا الحركة:  $\begin{cases} x = v_0 t = 6,32t, \dots, \dots, \dots (1) \\ y = \frac{1}{2} g t^2 = 5t^2, \dots, \dots, \dots (2) \end{cases}$   
 لدينا  $\tan\theta = \frac{y}{x}$  فيكون  $\frac{5t^2}{6,32t} = 1$  ومنه نجد  $t \approx 1,26s$   
 بالتعويض نحصل على موقع السقوط هو  $M(X \approx 8, Y \approx 8)m$

